

Feuille de TP Python 01

Premiers algorithmes et Statistiques descriptives

L'objet de ce TP est d'une part de revenir sur les algorithmes élémentaires de calculs de sommes, minima, maxima, etc... de liste et d'autre part d'y revoir les fondamentaux de statistique descriptive de première année en mettant en place une méthodologie de traitement des données.

Pour démarrer, créer un *répertoire/dossier de travail* `td01` où vous voulez et repérer l'emplacement de ce répertoire. Ouvrir Spyder et dans l'éditeur, taper (on peut aussi faire un copier-coller du `.pdf` vers l'éditeur, à condition de remettre les tabulations correctes)

```
"""
algos_base.py : algorithmes de somme, produit, minimum, maximum,
(On peut laisser les autres identifications mises par défaut par Spyder)
"""
#Zone (optionnelle) d'importation des modules externes

#Zone de définition des constantes et fonctions communes

#Script principal
```

et sauvegarder ce fichier sous le nom `algos_base.py` dans le répertoire de travail `td01`, ce qui nomme le script présent dans l'éditeur. On y met la `docstring` (entre `"""`) décrivant ce que fait le script et des commentaires (débutant par `#`) signalant les différentes zones du script.

Il est important (souligné dans les rapports de jury de documenter (`docstrings`) et commenter les scripts : autant prendre de bonnes habitudes !

1 Algorithmes à accumulateur

1.1 Sommes, produits

Pour calculer la somme des éléments d'une liste `L`, on se base sur une boucle et un « accumulateur » `S`. L'algorithme se décrit en mots de la façon suivante :

1. Initialiser l'accumulateur à 0
2. Boucler sur les éléments de la liste `L` et, dans la boucle, ajouter l'élément courant de la liste à l'accumulateur `S`.

Des codes Python typiques pour cela sont donc

<pre>#La liste L est composée de nombres, préexiste S=0 #Accumulateur pour la somme for i in range(len(L)): #indices pour L S=S+L[i] #ou S+=L[i] #A ce point S= la somme des éléments de L</pre>	<pre>S=0 for elt in L: #Possibilité Pythonnesque S+=elt</pre>
<pre>S=0 i=0 #indices pour L while i < len(L): S+=L[i] i+=1 #incrementation de l'indice</pre>	<pre>S=0 i=len(L) #indices pour L while i > 0: #En décrémentant i=i-1 #décrémentation de l'indice S+=L[i]</pre>

Travail demandé

1. (a) Ecrire, dans le script `algos_base.py`, dans la zone des fonctions communes, une fonction `Somme(L)` prenant en argument une liste Python `L` de nombres et retournant la somme.
- (b) Ecrire dans la zone de script principal les lignes suivantes

```
#Script principal
liste_entiers=[2,1,4,3,6,7,5]
print("Test Somme de", liste_entiers, "=", Somme(liste_entiers))
```

(c) Exécuter le script, le résultat est-il correct ?

2. (a) Ecrire, dans le script `algos_base.py`, dans la zone des fonctions communes, une fonction

```
Denombrement(L, mini=1, maxi=5)
```

prenant en argument une liste Python `L` de nombres, deux bornes `mini` et `maxi`, passées en arguments nommés avec valeurs par défaut et retournant le nombre d'éléments de la liste `L` qui sont compris (au sens strict) entre `mini` et `maxi`.

(b) Ecrire dans la zone de script principal à la suite des lignes de code déjà écrites

```
print("Test Denombrement entre 1 et 5 de", liste_entiers, "=", Denombrement(liste_entiers))
```

(c) Exécuter le script, le résultat est-il correct ?

3. (a) Ecrire, dans le script `algos_base.py`, dans la zone des fonctions communes, une fonction

```
SommeFiltree(L, mini=1, maxi=5)
```

prenant en argument une liste Python `L` de nombres, deux bornes `mini` et `maxi`, passées en arguments nommés avec valeurs par défaut et retournant la somme des éléments de la liste `L` qui sont compris (au sens strict) entre `mini` et `maxi`.

(b) Ecrire dans la zone de script principal à la suite des lignes de code déjà écrites

```
print("Test SommeFiltree entre 1 et 5 de", liste_entiers, "=", SommeFiltree(liste_entiers))
```

(c) Exécuter le script, le résultat est-il correct ?

4. (a) Ecrire, dans le script `algos_base.py`, dans la zone des fonctions communes, une fonction

```
SommeRiemann(f, a=0, b=1, n=10)
```

prenant en argument une fonction Python `f` d'argument un nombre réel et retournant un nombre réel, deux bornes `a` et `b` et un entier `n`, passés en arguments nommés et retournant la somme de RIEMANN (à droite)

$$\Delta \sum_{k=0}^{n-1} f(a + k \cdot \Delta) \text{ avec } \Delta = \frac{b - a}{n}$$

(b) Ecrire dans la zone de script principal à la suite des lignes de code déjà écrites

```
def X2(x):  
    """ X2(x): Retourne le carré de x """  
    return x*x  
def X3(x):  
    """ X3(x): Retourne le cube de x """  
    return x*x*x  
print("Test SommeRiemann de X2 entre 0 et 1, n=10 =", SommeRiemann(X2))  
print("Test SommeRiemann de X3 entre 1 et 2, n=100 =", SommeRiemann(X3, a=1, b=2, n=100))
```

(c) Exécuter le script, les résultats sont-ils raisonnables ?

5. (a) Adapter l'algorithme de somme pour calculer le produit des éléments d'une liste de nombres.

(b) Ecrire, dans le script `algos_base.py`, dans la zone des fonctions communes, une fonction `Produit(L)` prenant en argument une liste Python `L` de nombres et retournant le produit des éléments de la liste `L`.

(c) Ecrire dans la zone de script principal à la suite des lignes de code déjà écrites

```
print("Test Produit de", liste_entiers, "=", Produit(liste_entiers))
```

(d) Exécuter le script, le résultat est-il correct ?

1.2 Minima, maxima

Pour calculer le minimum des éléments d'une liste de nombre `L`, on se base la aussi sur une boucle et un « accumulateur » `m`. L'algorithme se décrit en mots de la façon suivante :

1. Initialiser `m` l'accumulateur à l'un des éléments de la liste

2. Boucler sur les éléments de la liste `L` et, dans la boucle, tester si l'élément courant de la liste est inférieur à l'accumulateur `m`, si c'est le cas, affecter cette valeur à l'accumulateur.

Des codes Python typiques pour cela sont donc

```
#La liste L est composée de nombres, préexiste
m=L[0] #Accumulateur pour le minimum
for i in range(len(L)): #indices pour L
    if L[i] < m:
        m=L[i]
#A ce point m = minimum des éléments de L
```

```
m=L[-1] #Accumulateur pour le minimum
i=len(L) #indices pour L
while i>0:
    i=i-1 #On décrémente l'indice
    if L[i] <= m:
        m=L[i]
```

Travail demandé

1. (a) Ecrire, dans le script `algos_base.py`, dans la zone des fonctions communes, une fonction `Minimum(L)` retournant le minimum des éléments de la liste numérique `L`.
- (b) Ecrire de même une fonction `Maximum(L)` retournant le maximum de `L`.
- (c) Ecrire dans la zone de script principal à la suite des lignes de code déjà écrites

```
print("Test Minimum de", liste_entiers, "=", Minimum(liste_entiers))
print("Test Maximum de", liste_entiers, "=", Maximum(liste_entiers))
```

- (d) Exécuter le script, le résultat est-il correct?
2. (a) Ecrire, dans le script `algos_base.py`, dans la zone des fonctions communes, une fonction `IndiceMinimum(L)` retournant le *premier* indice d'un élément minimum de la liste numérique `L`.
- (b) Ecrire de même une fonction `IndiceMaximum(L)` retournant le *dernier* indice d'un élément maximum de la liste numérique `L`.
- (c) Ecrire dans la zone de script principal à la suite des lignes de code déjà écrites

```
print("Test IndiceMinimum de", liste_entiers, "=", IndiceMinimum(liste_entiers))
print("Test IndiceMaximum de", liste_entiers, "=", IndiceMaximum(liste_entiers))
```

- (d) Exécuter le script, le résultat est-il correct?

2 Utilisation des fonctions prédéfinies dans `numpy`

Vous devez connaître les principes de calcul présentés précédemment. Cependant, et notamment dans les projets « volumineux », il peut être beaucoup plus efficace d'utiliser des fonctions ayant les mêmes fonctionnalités mais écrites par des professionnels, beaucoup plus rapides et efficaces. Ces fonctions « add-ons » du langage sont regroupées dans des *modules*.

Les modules que nous utiliserons principalement cette année sont

1. `numpy` qui effectue des calculs sur des vecteurs, matrices de grande taille et implémente les fonctions mathématiques de haut niveau (`ln`, `exp`, ..., `arcsin`, la fonction d'erreur de GAUSS (primitive de $x \mapsto e^{-x^2}$), ...)
2. `matplotlib` et plus précisément le sous-module `matplotlib.pyplot`

Ces modules donnent à Python des fonctionnalités et une syntaxe très proches du logiciel de calcul scientifique professionnel MATLAB.

L'utilisation d'un module par un script se fait, en écrivant en tête de script des lignes d'importation.

```
import numpy as np #importe numpy avec l'alias np
import matplotlib.pyplot as plt #importe ce module avec l'alias plt
```

Il y a d'autres manières d'importer toutes les fonctions d'un module sans alias, une seule fonction, ... à voir à l'usage.

L'efficacité des fonctions de ces modules externes provient des faits suivants :

- L'interpréteur Python « lit » les instructions décrites dans le script et, au fût et à mesure, traduit ces instructions dans le langage compréhensible par le processeur de la machine. Lors d'une boucle, il effectue cette opération de traduction en se répétant¹. Traduire prend du temps.
- La fonction `np.sum(L)` de `numpy`² comporte elle aussi une boucle mais *codée directement dans le langage machine*. Il n'y a donc pas de traduction simultanée et un gain de temps d'un facteur pouvant aller de 10 à 1000.

Les fonctions décrites dans la partie précédente ont pour *alter-ego* `numpy`

Somme(L)		<code>np.sum(L)</code> ou <code>L.sum()</code>		Produit(L)		<code>np.prod(L)</code> ou <code>L.prod()</code>
Minimum(L)		<code>np.min(L)</code> ou <code>L.min()</code>		Maximum(L)		<code>np.max(L)</code> ou <code>L.max()</code>

Pour le travail demandé après, on rappelle les formules classiques. Si $x = (x_0, x_1, \dots, x_n)$, $y = (y_0, y_1, \dots, y_n)$ alors,

1. Le vrai processus n'est pas exactement celui-là mais est assez similaire
2. qui retourne la somme des éléments du `ndarray` (les vecteurs/matrices de `numpy`) `L`

1. en notant m_x la moyenne de x , on a

$$m_x = \frac{1}{n+1} \sum_{k=0}^n x_k,$$

2. en notant σ_x^2 la variance de x , on a

$$\sigma_x^2 = \frac{1}{n+1} \sum_{k=0}^n x_k^2 - m_x^2 = \frac{1}{n+1} \sum_{k=0}^n (x_k - m_x)^2,$$

3. en notant s_{xy} la covariance de x et y , on a

$$s_{xy} = \frac{1}{n+1} \sum_{k=0}^n x_k \cdot y_k - m_x \cdot m_y = \frac{1}{n+1} \sum_{k=0}^n (x_k - m_x) \cdot (y_k - m_y),$$

4. en notant $y_r = a \cdot x + b$ l'équation de la droite de régression de y sur x , alors $a = \frac{s_{xy}}{\sigma_x^2}$, $b = m_y - a \cdot m_x$,

5. en notant μ_x la médiane de x alors, si n est pair, μ_x est la valeur d'indice $\frac{n}{2}$ du vecteur \tilde{x} obtenu en ordonnant les valeurs de x par ordre croissant (Quelle est la convention en cas de nombre impair d'observations?).

Travail demandé

5 Ouvrir une nouvelle fenêtre de l'éditeur et commencer un nouveau script que l'on nommera `stats-numpy.py` en tapant puis sauvant l'entête suivant

```
""" stats-numpy.py : essai de statistiques en Python/Numpy """
#Zone (optionnelle) d'importation des modules externes
10 import numpy as np #importe numpy avec l'alias np
import matplotlib.pyplot as plt #importe ce module avec l'alias plt

#Zone de définition des constantes et fonctions communes

15 #Script principal
x=np.linspace(0,1,100) # ndarray de 100 points equidistribués
                        # sur l'intervalle [0,1], bornes comprises
y=2*np.sin(2*np.pi*x) # ndarray de meme taille que x contenant
                        # les 2.sin(2\pi.x)
```

- 20 1. Sachant que `matplotlib.pyplot` est importé avec l'alias `plt`, que `x` est un `ndarray` unidimensionnel et que la fonction `matplotlib.pyplot plt.hist(x, normed=True)` trace l'histogramme de la série statistique `x`, afficher l'histogramme de `y`. Tester!! (`plt.show()` montre le graphique produit.)
2. Sachant que `numpy` est importé avec l'alias `np`, que `x` est un `ndarray` et que la fonction `numpy np.mean(x)` ou `x.mean()` calcule la moyenne des éléments de `x`, écrire à la suite du script :
- 25 (a) Les lignes Python imprimant la moyenne des éléments de `x`, `y` et plaçant ces quantités dans les variables `mx` et `my`. Ordonner de façon à ne pas faire deux fois le même calcul. Tester!!
- (b) Les lignes Python imprimant les écart-types des éléments de `x`, `y` et plaçant ces quantités dans les variables `sx` et `sy`. Ordonner de façon à ne pas faire deux fois le même calcul. Tester!!
- (c) Les lignes Python imprimant la covariance des deux listes `x`, `y` et plaçant cette quantité dans la variable `sxy`. Tester!!
- 30 (d) Les lignes Python imprimant les éléments `a` et `b` de la droite de régression de `y` sur `x`. Tester!!
3. Sachant que `matplotlib.pyplot` est importé avec l'alias `plt`, que `x`, `y` sont des `ndarray` unidimensionnels de même taille et que la fonction `plt.plot(x, y, 'x')` trace le nuage de points (x_i, y_i) dans la fenêtre graphique, écrire à la suite du script :
- (a) Les lignes Python graphant `y` en fonction de `x`. Tester!! (`plt.show()` montre le graphique produit.)
- 35 (b) Les lignes Python calculant `z = a.x + b`, placé dans le `ndarray` `z` puis graphant `z` en fonction de `x`. Tester!!

3 Ecriture d'un module personnel

Dans cette partie on transforme le script de la partie 1 en un module externe pouvant être réutilisé par de multiples scripts.

Pour transformer un script comportant une zone de fonctions et une zone de script principal servant essentiellement à tester si les fonctions écrites fonctionnent correctement (comme ce que nous avons fait pour le script `algos_base.py`), il suffit de remplacer la ligne

```
#Script principal
    par les lignes
#Zone de test du module
10 if __name__=='__main__' :
```

et d'indenter la suite du script de sorte qu'elle se retrouve contrôlée par cette instruction conditionnelle³ `if`.

Le script en devient importable et utilisable en tant que module externe. A l'importation, la zone de test ne sera pas exécutée, seules seront déclarées les fonctions et constantes en amont de la conditionnelle `if`.

L'utilisation de modules externes personnels est importante lors du développement d'un projet : on construit un module pour chacune des « thématiques » abordées par le projet, modules que l'on groupe dans un *script principal* qui joue alors le rôle de chef d'orchestre. Du point de vue de l'organisation du travail, cela permet d'avoir un responsable pour chaque module et un chef de projet, responsable du script principal. Un module doit répondre à des *spécifications*, *i.e.* une description précise des interfaces des fonctions définies (arguments en entrée, résultats en sortie). L'implémentation précise est à la charge du responsable.

Travail demandé

- 20 Reprendre le script *en état de marche* `algos_base.py`, le sauver sous le nom `algos_base_module.py` et le transformer en module utilisable.
2. Ouvrir une nouvelle fenêtre de l'éditeur, taper le texte suivant et sauver sous le nom `algos_base_ppal.py`

```
#Utilisation d'un module externe personnel
import algos_base_module as monmodule
nlle_liste=[1,4,2,16,8,32]
25 print("La Somme de",nlle_liste,"=",monmodule.Somme(nlle_liste))
print("Le Produit de",nlle_liste,"=",monmodule.Produit(nlle_liste))
```

Sauver et tester. Etes vous dans le bon répertoire de travail ? Le module est-il trouvé ?

4 Traitement statistique d'un fichier Excel

30 Le fichier suivant, présent dans l'archive du td, contient, pour une série de 66 individus, les valeurs de sexe, taille et poids. http://www-irma.u-strasbg.fr/~fbertran/enseignement/Master1_2011_2/quetelet.csv

Charger le fichier dans l'éditeur et observer la structure des informations. Placer ce fichier dans votre répertoire de travail.

Le format de ce fichier, dit format CSV (Comma Separated Values), est le format standard d'échange de données statistiques entre logiciels.

35 Dans ce format, la première ligne (souvent) donne les noms des caractères étudiés et les lignes suivantes décrivent chacune un individu en listant les valeurs des caractères de cet individu et en les séparant par des virgules. Un caractère peut prendre des valeurs numériques (poids, taille) ou des valeurs d'un autre type (sexe).

Lors de la récolte de vos données statistiques dans Excel en TIPE, respectez ce format pour constituer vos tableaux!! Vous pourrez ainsi utiliser les fonctionnalités avancées de Python pour analyser vos données. Excel peut exporter une feuille dans ce format universel.

Un fichier de format CSV peut-être lu et chargé presque directement dans un objet de type `ndarray`. On peut ensuite 40 effectuer tous les calculs dont on peut avoir besoin pour analyser ces données via Python.

4.1 Charger un fichier .csv dans un tableau

Ouvrir une nouvelle fenêtre dans l'éditeur et y taper le script suivant, à sauver sous le nom `quetelet.py`.

3. Attn!! : On entend souvent de la part des étudiants l'expression « boucle `if` ». Ce n'est pas le bon terme et c'est souligné dans certains rapports de concours

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

nom_fichier="quetelet.csv"
5 print("Chargement du fichier de données",nom_fichier)
quetelet=np.genfromtxt(open(nom_fichier,"rb"),delimiter="," ,names=True, dtype=None)
print("Fichier chargé")
```

Executez ce script.

1. Afficher dans la console le contenu de l'objet, de type ndarray, quetelet.
- 10 2. Afficher dans la console le contenu des objets quetelet["sexe"], quetelet["poids"] et quetelet["taille"]
3. Afficher dans la console le contenu des objets quetelet[0], quetelet[1]
4. Afficher dans la console le contenu des objets quetelet[1]["sexe"], quetelet[1]["poids"]

Qu'en concluez vous sur l'accessibilité des données ?

Les données portant sur le sexe sont encadrées de guillemets, modifiez le script quetelet.py de la façon suivante.

```
15 quetelet=np.genfromtxt(open(nom_fichier,"rb"),delimiter="," ,
names=True, converters={0: lambda x : x[1:-1]}, dtype=None)
```

Refaites les tests.

4.2 Analyser les données statistiques

En complétant votre script quetelet.py,

- 20 — donner la moyenne, la variance, l'écart-type du poids et de la taille
 - Donner des graphiques montrant les distributions des poids et tailles
 - Donner un graphique montrant le nuage (poids, taille) ainsi que les droites de régression poids/taille et taille/poids.
- L'indicateur de masse corporelle (IMC) ou indicateur de QUETELET⁴ est défini pour un individu par le rapport

$$\text{imc} = \frac{\text{poids}}{\text{taille}^2}$$

et s'exprime en kg.m^{-2} . L'OMS (Organisation mondiale de la santé interprète cet indice suivant le tableau

IMC (kg.m^{-2})	Interprétation
moins de 16,5	dénutrition ou famine
16,5 à 18,5	maigreur
18,5 à 25	corpulence normale
25 à 30	surpoids
30 à 35	obésité modérée
35 à 40	obésité sévère
plus de 40	obésité morbide ou massive

TABLE 1 – Interprétation de l'IMC par l'OMS

- Calculer la série statistique des taille² ;
- 25 — Donner un graphique montrant le nuage (poids, taille²) ainsi que la droite de régression poids sur taille² ;
- Calculer la série statistique des IMC ;
- en donner moyenne, écart-type, médiane.
- Donner un graphique montrant la distribution de l'IMC sur la population.

4.3 Sélection de données

- 30 Pour ce genre de questions, il est probablement maladroite d'étudier une population formée d'hommes et de femmes. La commande suivante fabrique la série statistique ne comportant que les poids des femmes.

```
xpoidsf=np.asarray([quetelet["poids"][i]
for i in range(len(quetelet["sexe"])) if quetelet["sexe"][i]=="f"])
```

- 35 Il s'agit d'une syntaxe permettant constituer une liste en ne conservant que des objets ayant une certaine propriété. (Définition de liste ou d'ensemble en *compréhension*). Que se passe-t-il si on remplace la chaîne `b' f'` par la chaîne `' f' ?`

Répondez aux questions du paragraphe précédent en vous limitant aux femmes puis aux hommes. Il peut être intéressant de factoriser le travail fait précédemment dans une fonction `RapportStat(p, t)` où `p` est la série stat. des poids, `t`, celle des tailles.

4. Adolphe QUETELET (1796-1874) est un mathématicien, astronome, naturaliste et statisticien belge